



SPACE INVADERS

Quelle est le minimum de tir pour toucher tous les aliens?

1. En 1 tir combien d'aliens peut-on toucher au max?

Trouver le tir optimisant

nombre de tir optimal: $n-2m-2$

si $n=7$ a plus de carrés à l'intérieur

Une case = 4 aliens

les cases

alien

Règles:

- Le tir doit être droit
- Il est interdit de tirer la case à l'extérieur



2) On pourra toujours toucher tous les aliens avec n tirs.

On cherche le minimum.

Cas particulier:

2 par 2

impossible en 1 tir. tir optimal: 3

3/4 Il n'y manquera 1. Le minimum est 2n

Exemples:

Si fait tir optimisant: $n-2m-2$

4x2=6 nombre de tir optimal: $4-2=2$

4x3=7 nombre de tir optimal: $4-3=1$

4x5

7=5

4x6

6=0

Conclusion: le nombre minimum de tirs pour toucher tous les aliens est:

$n-1$

$4x3=7$

$4x5=9$

$4x6=10$

$4x7=11$

$4x8=12$

$4x9=13$

$4x10=14$

$4x11=15$

$4x12=16$

$4x13=17$

$4x14=18$

$4x15=19$

$4x16=20$

$4x17=21$

$4x18=22$

$4x19=23$

$4x20=24$

Conclusion:

Selon nos exemples, on peut supposer que le minimum de tirs pour toucher tous les aliens est:

$n-1$

Pour tout carré où n est supérieur à 2.

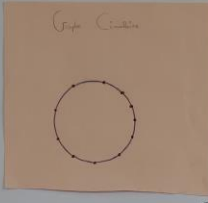
Laval Emma
Mison Ines
Jazzou Yara
Biau Zoé

Le graphe hamiltonien

→ nombre de façons à avoir un chemin d'arête disjointes à son voisin (carré → 7) / (pas → 7)

→ on peut continuer sur la ligne ou sur le côté "en zigzag" à un des angles

→ l'ordre des arêtes adjacentes: celui qui est le plus proche



Aimea
Antoine
Maïeul
Alberne

Les définitions

- Arête = —
- Sommet = ●
- Arête orientée = → ⊗ ←
- Graphe = □

Le Jeu des Cycles

Question: que s'il n'y a pas de cycle?

Est-ce que ça se peut? (Stratégie gagnante)

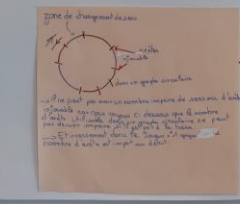
CONJECTURE: si le nombre d'arêtes est pair, c'est le joueur 2 qui gagne. Si le nombre d'arêtes est impair, c'est le joueur 1 qui gagne.

Règles

Chaque joueur place une arête à son tour de manière à ce que les arêtes soient disjointes.

→ Si l'un des joueurs ne peut plus jouer, il doit laisser le tour au cycle.

→ Si le dernier à placer une arête...



Le jeu de m

Carré = 3 arêtes

Stratégie gagnante pour le joueur 1

1) Placer une arête de haut à gauche

2) Si 2 arêtes sont posées, le joueur 2 gagne.

3) Si 3 arêtes sont posées, le joueur 1 gagne.

→ stratégie gagnante pour le joueur 1: placer une arête de haut à gauche.

Le jeu de m

Stratégie gagnante pour le joueur 1

1) Placer une arête de haut à gauche

2) Si 2 arêtes sont posées, le joueur 2 gagne.

3) Si 3 arêtes sont posées, le joueur 1 gagne.

→ stratégie gagnante pour le joueur 1: placer une arête de haut à gauche.

Conjecture n°1

Si un graphe connexe contient plus de sommets pairs qu'autant de sommets pairs que de sommets impairs, alors il est faisable. (ex: K4,3)

Cette conjecture est fautive. (contre exemple)

Conjecture n°2

Un graphe connexe est faisable seulement et seulement si il comprend 0 ou 2 sommets impairs.

Justification:

2) Sommet pair

1) Sommet impair

point de départ point d'arrivée

Leçon

Comprendre les sommets pairs et impairs. Un graphe connexe est faisable si et seulement si il comprend 0 ou 2 sommets impairs.

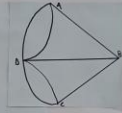
pour l'exercice

STREET VIEW

Problématique

- Question 1
Est-ce que ce graphe est faisable?

- Question 2
Quels graphes sont faisables?



Exemples pour valider la conjecture 1

1.

2.

3.

Contre-exemples

1.

2.

Exemples pour valider la conjecture 2

1.

2.

3.

4.

- Le graphe n'est pas faisable car il ne correspond pas à notre conjecture.

- les graphes qui vérifient notre conjecture sont faisables.

Les pionniers du savoir:

- Petrus Hebraeus
- BARRIER Laurent
- Leonardo Fibonacci
- Al-Khwarizmi
- Nicolas de Oresme

Ballon de foot

Problème:

Quel type de ballon peut-on construire en utilisant des polygones réguliers? un polygone régulier a-t-il un nombre de sommets pairs et des angles sont tous égaux

on veut qu'autour de chaque sommet on retrouve la même configuration

Le triangle:

nous savons que la somme des angles du triangle est égale à 180°. On divise ensuite par le nombre d'angles (180 ÷ 3) = 60°. Nous cherchons alors le nombre d'angles que nous pouvons insérer sur le sommet A en fonction de la règle des 360°

60x3=180° ✓ 60x4=240° ✓ 60x5=300° ✓

60x6=360° = x

Le pentagone

Pour trouver la somme totale des angles d'un pentagone (5 angles)

$(5-2) \times 180$
 $= 3 \times 180$
 $= 540$

pour trouver un angle

$540 \div 5 = 108^\circ$

puis on cherche comment combler d'angle on peut insérer sur un sommet

$108 \times 3 = 324 \div 108 \times 4 = 4 \times 3 = 12$

Seulement si 3 angle rentrent sur le sommet permettrait à la figure d'être un ballon

La règle des 360°:

Quand la somme des angles autour d'un sommet est égale ou supérieure à 360°, la figure ne pourra pas être en 3D. Elle restera plate et se déviera.

A = Sommet

Les formules

Pour trouver la somme des angles d'un polygone quelconque

$(n-2) \times 180$

n = nombre d'angles

Pour calculer un angle

$(n-2) \times 180 \div n$

$n=2=4$
 $6-2=4$
 4×180
 $= 720^\circ$

Fossil
 modèle
 algèbre
 Euclid

