

Adamo Sylla-Trooré

RANIA Guelai

Découpage de polygone

1. On considère un polygone. Est-il possible de découper et réarranger ses pièces de manière à constituer un carré?

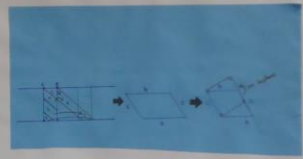
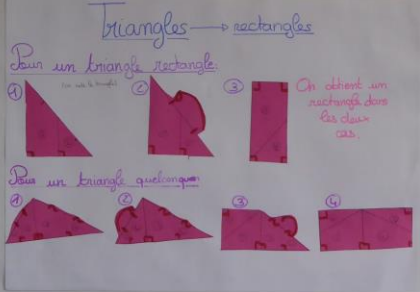
Octogone

Pour l'octogone nous avons constaté que cela est à usage simplifié.

2. Passer d'un polygone à des triangles

Un octogone:

Nous pouvons constater qu'un octogone peut fournir 8 triangles.



Méthode de "pousse-pousse" (ON VEUT TRANSFORMER)

1. Est-il possible de découper un carré en 2 pièces et transformer en rectangle? Oui.

2. Avec quelle aire? Aire = $a \times b$ ou $a \times c$ en utilisant la "Pousse-Pousse".

3. On veut $a(d+c)???$ donc avec $c = \frac{a \times b}{c}$ grâce à cette méthode $\frac{cd}{c} = \frac{cb}{c}$

Nos erreurs

En utilisant la "pousse-pousse" on a essayé de déplacer b de horizontalement cela n'a pas marché car on s'est rendu compte que c allait changer.

Hayron Santos-Ferreira

MAHI SYHEM

Somme de Nombres Entiers Composés Premiers

Pb: Comment décomposer des nombres entiers en somme de nombres premiers/composés

I Rappel

PREMIERS et Composés

Nombres Premiers	Nombres Composés
2, 3, 5, 7, 11, 13, 17, 19, 23, 29, 31, 37, 41, 43, 47, 53, 59, 61, 67, 71, 73, 79, 83, 89, 97	4, 6, 8, 9, 10, 12, 14, 15, 16, 18, 20, 21, 22, 24, 25, 26, 27, 28, 30, 32, 33, 34, 35, 36, 38, 39, 40, 42, 44, 45, 46, 48, 49, 50, 51, 52, 54, 55, 56, 57, 58, 60, 62, 63, 64, 65, 66, 68, 69, 70, 72, 74, 75, 76, 77, 78, 80, 81, 82, 84, 85, 86, 87, 88, 90, 92, 93, 94, 95, 96, 98, 99, 100

Création d'arabes bonbons

10	10
20	20
30	30
40	40
50	50
60	60
70	70
80	80
90	90
100	100

13 = 11 + 2
 16 = 11 + 5
 17 = 11 + 6
 45 = 11 + 34

30 = 50 x 1 | 30 = 40 x 3
 30 = 45 x 2 | 30 = 6 x 5

Diviseurs de 30: 1, 2, 3, 5, 6, 10, 15, 30.

II Conjecture de Goldbach

Goldbach = pair = premier + premier

La Conjecture de Goldbach (1742)

+ Tout nombre pair plus grand que 6 peut s'écrire comme la somme de deux nombres premiers impairs et le reste que comme de la somme.

De deux nombres premiers différents de 20. Si la Conjecture de Goldbach est vraie, alors tout nombre impaire s'écrira comme la somme de 3 nombres premiers impaires.

Exemple: 20 = 7 + 13

pair = p + q
 pair impair = p + q + r

16 = 12 + 4
 composé + composé

PAIR = (PAIR - 1) + 1

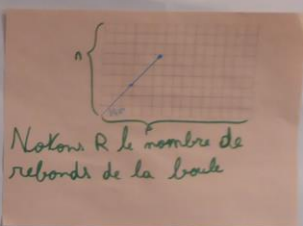
23 = 11 + 9
 11 = 2 + 9 = 3 + 6

(IMPAIR - 2) = 9
 composé + composé = 3 + 6

Exemple tableau 1000 premiers

Une table rectangulaire de billard est quadrillée par des cases ($m \times p$). Une bille tirée d'un coin en formant un angle de 45° avec chacun des côtés adjacents. Combien de rebonds effectue-t-elle avant d'atteindre un autre coin ?

Nombres de rebonds d'une bille sur billard



$n=4$

p	1	2	3	4	5	6	7	8	9	12
r	3	1	5	0	7	3	9	1	11	2

- Si p est un multiple de 4: $r = \frac{p}{4} - 1$
- Si $p = m-1$ ou $p = m+1$: $r = p - 2$
- Si $p = m+2$: $r = \frac{p}{2}$

pour m et p quelconques
 si p est un multiple de m , on a:
 $R = \frac{p}{m} - 1$
 ex: $p = 32, R = \frac{32}{8} - 1 = 3$

$n=5$

p	1	2	3	4	5
r	1	0	0	0	0

Nous avons e.g.

$n=3$

p	1	2	3	4	5	6	7	8	9
r	2	3	0	5	6	1	8	9	2

Si c'est un multiple: $p-1$
 Si c'est pas un multiple: $\frac{p}{2} + 1$

$n=2$

p	1	2	3	4	5	6	7	8	9	6
r	1	0	3	1	5	2	7	0	0	4

Quand ce n'est pas un multiple: $p-1$
 Quand c'est un multiple: $\frac{p}{2} - 1 + r$

$n=1$

3

4

15 832

15 832 - 1 = 15 831

$p = \dots$ $p-1 = r$

ETICUBT QUINZE 36 HANZA 4600

QUAND EST-CE QUE LE NOMBRE DE DIVISEURS D'UN NOMBRE EST IMPAIR ? QUAND EST-CE QU'IL EST PAIR ?

- 5: 1, 5 → 2
- 13: 1, 13 → 2
- 12: 1, 2, 3, 4, 6, 12 → 6
- 16: 1, 2, 4, 8, 16 → 5
- 30: 1, 2, 3, 6, 10, 15, 30 → 8

Nous avons commencé par prendre les nombres de 1 à 30, écrire la liste des diviseurs puis de compter le nombre de diviseurs. on a classé les nombres en fonction du nombre de diviseurs. → on s'est rendu compte que les nbr ayant un nbr de diviseurs impairs étaient des carrés parfaits.



16: 8×2
 $4 \times 2 \times 2$
 $2 \times 2 \times 2 \times 2$
 ← ex

erreurs
 nbr premiers: $17=17^1=2$
 $1+1=2$ ✓
 nbr composé: $6=2 \times 3=4$ divise
 $2+1=3$ X

- ex: 24 → 1, 2, 4, 6, 3, 8, 12, 24
 $24 = 3 \times 2^3$
 $12 = 3 \times 2^2$
 $8 = 2^3 \times 3^0$
 $6 = 2^1 \times 3^1$
 $4 = 2^2 \times 3^0$

ANOUK
MAÏSSA
NILA
NOAH

puis on a cherché la relation entre les exposants et le nombre de diviseurs

- $16 = 2^4$
- $5 = 5^1$
- $3 = 3^1$
- $1 = 3^0 \times 5^0$

exp. de 3		exp. de 5
1	0	1
0	1	0
1	0	0
0	1	0
0	0	1
1	0	0
0	1	0
0	0	1
1	0	0
0	1	0
0	0	1

on en déduit alors cette méthode:
 - écrire en facteurs premiers du nombre
 - relever les exposants (x, y, \dots)
 - on compte les nombres entiers entre 0 et x et y (exposants) inclus séparément.
 - on multiplie les 2 nombres trouvés.
 → on trouve alors le nombre de diviseurs

On trouve alors cette formule:

$$d(2^x \times 3^y \times 5^z) = (x+1)(y+1)(z+1)$$

autre méthode:
 $16 = 4^2$ $30 = 2 \times 3 \times 5$
 $12 = 3 \times 2^2$ $18 = 2 \times 3^2$
 impair pair

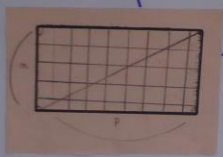
Démonstration (preuve du théorème)
 → Supposons que n est un carré parfait
 → on peut écrire $n = a^2$
 → on a décomposé n en facteurs premiers et on remarque que tous les exposants doivent être pairs car on a écrit a^2 .
 Donc $d(n)$ est impair car le produit de 2 nombres impairs est un nbr impair.
 Si le nombre de diviseurs $2^x \times 3^y \times 5^z$ est impair alors $(x+1)(y+1)(z+1)$ est impair.

- PAIR X PAIR = PAIR
- PAIR X IMPAIR = IMPAIR
- IMPAIR X IMPAIR = IMPAIR

Sujet:
 une table de billard quadrilobée
 pour des carreaux $(m \times p)$.
 Une bille est tirée d'un coins vers le
 coin diagonalement opposé.
 Combien de carreaux traverse-t-elle?

Titre:
 Nombres de carreaux traversés
 par une bille dans un billard?

Léane Toulya 3^{ème} b
 Olivia Dauvmas
 Ynoel Mondelet - Poillot



Formule:
 $(m \times p)$
 $m=1 \rightarrow c=p$
 $m=2 \rightarrow c=p$ quand c'est pair
 $c=p-1$ quand c'est impair
 $m=3 \rightarrow$ p multiple de 3
 $c=p$
 si p m-2
 $c=m$
 Sinon $c=p+2$
 $m=4 \rightarrow$ si p multiple de 4
 $c=p$
 si p m-1
 $c=p+3$
 si p m-2
 ou p m-3
 $c=m$

m=1
 1 et 6 = 6c
 1 et 2 = 2c
 1 et 8 = 8c

m=2
 Pair: 2 et 6 = 6c
 2 et 4 = 4c
 2 et 8 = 8c
 Impair: 2 et 5 = 6c
 2 et 7 = 8c
 2 et 9 = 10c

m=3
 3 et 3 = 3c
 3 et 4 = 4c
 3 et 5 = 5c
 3 et 6 = 6c
 3 et 7 = 7c
 3 et 8 = 8c
 3 et 9 = 9c
 3 et 10 = 10c
 3 et 11 = 11c
 3 et 12 = 12c

0	1	2	3	4	5	6	7
1				4	5	6	
2				6			
3			6	7			
4	4		6	8		10	
5	5	7	8	10	11		
6	6			10	11	12	
7			10	11	12		

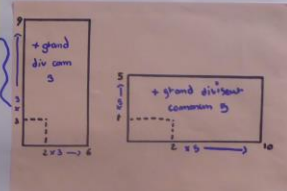
Multiplication: Paires
 Pour les nombres pairs, le résultat est
 Paire à chaque fois.
 On multiplie par de 2 le plus petit
 des côtés.
 Ex: 12 et 14 = 24c
 $\frac{12 \times 14}{2} = 24c$
 8 et 10 = 16c
 $\frac{8 \times 10}{2} = 16c$

m=4
 4 et 4 = 4c
 4 et 5 = 5c
 4 et 6 = 6c
 4 et 7 = 7c
 4 et 8 = 8c
 4 et 9 = 9c
 4 et 10 = 10c
 4 et 11 = 11c
 4 et 12 = 12c
 4 et 13 = 13c
 4 et 14 = 14c
 4 et 15 = 15c
 4 et 16 = 16c

m=5
 5 et 5 = 5c
 5 et 6 = 6c
 5 et 7 = 7c
 5 et 8 = 8c
 5 et 9 = 9c
 5 et 10 = 10c
 5 et 11 = 11c
 5 et 12 = 12c
 5 et 13 = 13c
 5 et 14 = 14c
 5 et 15 = 15c
 5 et 16 = 16c

m=6
 6 et 6 = 6c
 6 et 7 = 7c
 6 et 8 = 8c
 6 et 9 = 9c
 6 et 10 = 10c
 6 et 11 = 11c
 6 et 12 = 12c
 6 et 13 = 13c
 6 et 14 = 14c
 6 et 15 = 15c
 6 et 16 = 16c

Nombres de cases traversées
 si $m \times p$.
 $= m + p - 1$
 (si pas de diviseur commun)



Dana
 Khafed
 Nassim
 Cassandra.

Est-il possible de
 découper deux carrés
 et de réassembler ses
 pièces de manières à
 reconstituer un carré?

En partant de deux carrés
 de différente taille, on a
 obtenu un seul carré



2)



LE CARRÉ ROUGE EST
 DE CÔTÉ D.
 LE CARRÉ VERT EST DE
 CÔTÉ A
 PAR PYTHAGORE LE 3^e CARRÉ
 EST DE CÔTÉ $\sqrt{A^2 + D^2}$



1) On a découpé deux carrés
 de même taille en suivant
 la diagonale



3)

On s'est rendu compte
 que ce carré était faux car
 sa forme 2 carrés (carré
 traversé), on a déplacé
 ces triangles pointe vers
 l'intérieur et sa forme
 un seul carré.



fin...