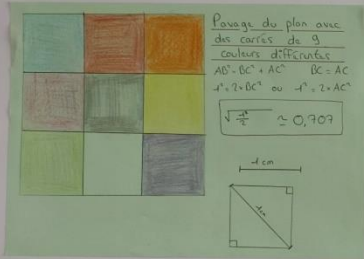




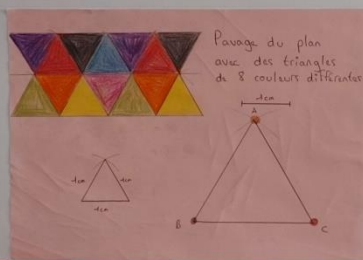
Hachim.Y  
Islam.A  
Rayane.C  
Yacine.B

# Coloriage de plan

Combien de couleurs faut-il au minimum pour colorier tout le plan?



Démonstration :



Démonstration :

Règle :

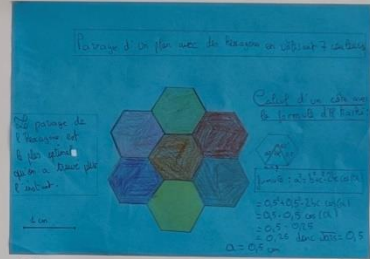
C'est la règle de colorier un plan d'être ou pas avec une règle simple :  
- Dès qu'on se déplace de deux dans n'importe quelle direction, il faut changer de couleur.

Démonstration :

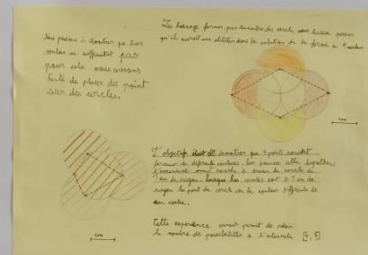
Si A est de couleur bleue et B de couleur rouge, alors C est de couleur bleue. C'est la règle de colorier un plan d'être ou pas avec une règle simple. Dès qu'on se déplace de deux dans n'importe quelle direction, il faut changer de couleur.

Résultats :

Nombre de couleur minimum requis : 3  
Nombre de couleur maximum requis : 8



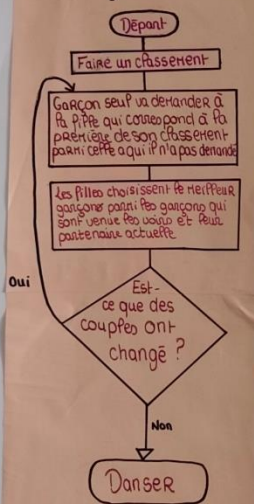
Démonstration :



Hypothèse :

# Cours de danse

## Algorithme



## Énoncé :

2 groupes de danseurs et danseuses de 5 personnes doivent former des couples. Pour cela ils ont chacun un classement de préférences.

## Problématique

On cherche à former, sans intervention extérieure des couples stables de sorte qu'il n'y ait pas 2 personnes de couples différents qui auraient préféré se retrouver ensemble.

Exemple :

Axyzvw    Vdaecb  
Bxywrz    Wbacde  
Cxyzvw    Xdeabc  
Dyxyzw    Ydeabc  
Exyzwrz    Zcedba

Premier tour :

AX ; DY

Deuxième tour :

EX ; DY

Troisième tour :

CV ; EX ; DY

Quatrième tour :

AZ ; BW ; CV ; EX ; DY

## problème à éviter!

A:YX ← X:BA  
B:XY ← Y:BA  
- Donc on cherche que les 5 soit avec quelqu'un en évitant cette situation.

Dania  
Sarah  
Maayka  
Manar

# SPACE INVADERS

## INTRODUCTION:

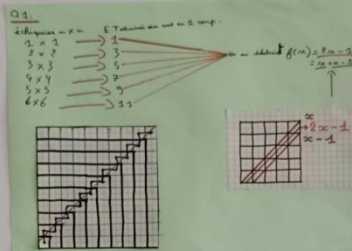
Les extraterrestres sont arrivés de la Terre (du centre) d'un seul coup de la planète. C'est de bon lieu des 500 avec des rayons gamma paralysants. Les T sont dispersés sur un échiquier de forme carrée ( $n \times n$ ) et ont été paralysés si le rayon gamma atteint la case sur laquelle ils se trouvent.

## PROBLÉMATIQUE:

1. Pour un échiquier de  $n \times n$  cases Combien d'Extraterrestres peut-on paralyser avec un seul rayon gamma?
2. Combien de rayons gamma au minimum faut-il pour paralyser tout l'échiquier?

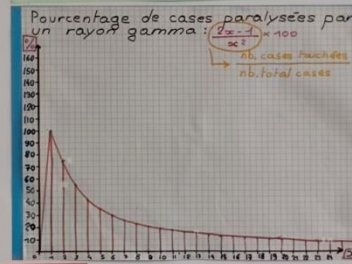
Bilal  
Malek  $\Rightarrow$   
Noah  
OUSSAMA

### Question 1

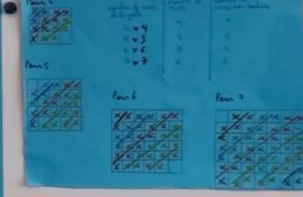


### Récapitulatif Des Resultats Selon le Nombre minimal De Rayon

n	gamma	nb. cases paralysees	nb. cases restantes
1	1	1	0
2	2	2	2
3	3	3	6
4	4	4	12
5	5	5	20
6	6	6	30
7	7	7	42
8	8	8	56
9	9	9	72
10	10	10	90



### Essai sur nombre de cases - 1 Rayon



**Conclusion:**  
Bon conclusion, on peut paralyser au maximum  $2n-1$  Extrat. avec un seul rayon gamma. Il faut au minimum  $\frac{n^2}{2n-1}$  rayons gamma pour paralyser tout l'échiquier. Cependant, nos essais n'ont pas fonctionné.

### Question 2

nombre minimal de rayon gamma,  $\uparrow$  nombre total de cases

$g(x) = \frac{x^2}{2x-1}$

longueur côté de l'échiquier  $\uparrow$  nombre de cases paralysées par un rayon gamma

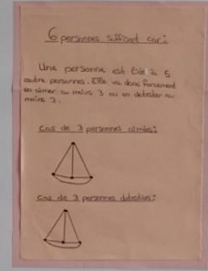
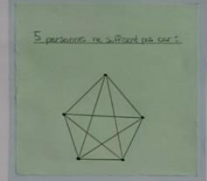
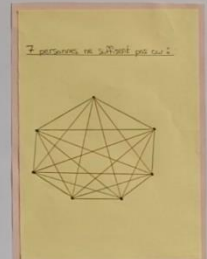
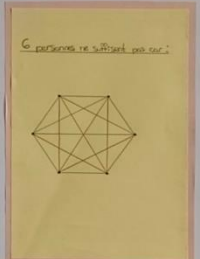
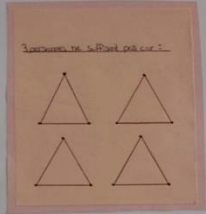
# SOIRÉE FESTIVE

N personnes participent à une soirée festive. Certaines personnes s'aiment entre elles tandis que d'autres se détestent entre elles.

Combien de personnes doivent être présentes à la fête pour être sûr d'en trouver 3 qui s'aiment entre elles ou 3 qui se détestent entre-elles?

**Légende**  
● : une personne  
— : déteste  
- - : aime

Maintenant on cherche à avoir au moins un groupe s'aimant entre elles ou un trio se détestant entre elles.



8 personnes ne suffisent pas car:

Mais nous regardons un autre cas sur l'échiquier. Plus nous avons d'élus, plus les liens se multiplient pour le plus grand nombre de liens. Donc, on peut se détester ou s'aimer au moins 3 personnes.

Donc on conclut qu'il faut au minimum 6 personnes à la fête pour être sûr de trouver 3 personnes qui s'aiment ou 3 personnes qui se détestent entre elles.

On conjecture que le 9 est le nombre suffisant de personnes car après plusieurs essais on retrouve systématiquement un triangle rouge ou un carré vert.

SARAH  
LINA  
SAFIA  
DALIA

Attoumani  
Renane 162

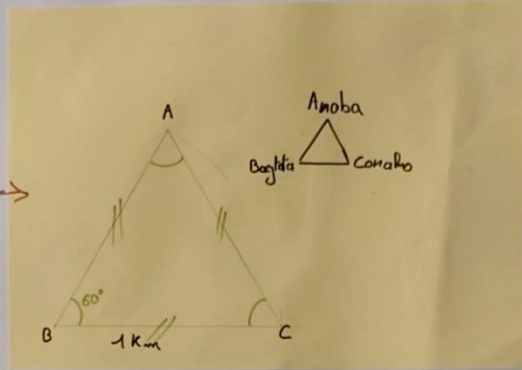
NOUH  
Bouffad 1<sup>ère</sup> 64

Younesse  
Youmay

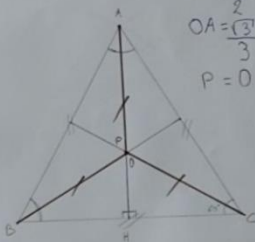
Stoumergi 1<sup>er</sup> 61

# La construction de routes

Les villes d'Amoba, Bagtata et Conako sont deux à deux à une distance de 1 km en vol d'où se forment ainsi les sommets d'un triangle équilatéral. On veut construire une route permettant de relier les 3 villes mais de la manière la plus économique possible



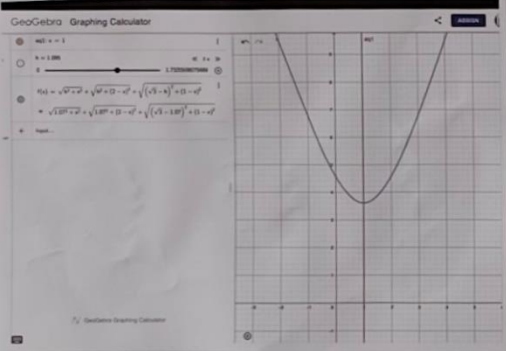
Distance  $AO = BO = CO$



$AH = \frac{\sqrt{3}}{2}$   
 $OA = \frac{\sqrt{3}}{3}$   
 $P = 0$

Pour simplifier le calcul  
1<sup>ère</sup> étape dérivé 2<sup>ème</sup> fois :  
On veut savoir si :  
 $2\sqrt{y+1} + \sqrt{3-y} > \sqrt{3}$   
 $\Leftrightarrow 2\sqrt{y+1} > \sqrt{3-y} + \sqrt{3}$   
 $\Leftrightarrow 4(y+1) > (y+\sqrt{3})^2$   
 $\Leftrightarrow 4y+4 > y^2+2\sqrt{3}y+3$   
 $\Leftrightarrow 3y+1 > y^2+2\sqrt{3}y$   
 $\Leftrightarrow (y-1)^2 > 0$

Nous avons pensé que des routes droites qui se croisent au barycentre du triangle serait la route la plus économique



2<sup>ème</sup> étapes de la démonstration :

$\sqrt{y^2+x^2} + \sqrt{y^2+(2-x)^2} + \sqrt{(\sqrt{3}-y)^2+(1-x)^2} > 0$

la valeur 1 reste la meilleure solution.

Généralisation : Triangle quelconque

$BO^2 = BH^2 + Ho^2$   
 $BO^2 = 1^2 + (\sqrt{2})^2$   
 $BO^2 = 1 + 2$   
 $BO = \sqrt{3}$

Carré : Hypothèse

$BO^2 = BB'^2 + B'O^2$   
 $BO^2 = 1^2 + 1^2$   
 $BO^2 = 2$   
 $BO = \sqrt{2}$   
 donc  $BD = 2 \times \sqrt{2}$   
 $BB' = BC' = CD'$   
 $BB'^2 = (2)^2 + (2)^2$   
 $BD^2 = 4 + 4$   
 $BD = 8$   
 $BD = \sqrt{8}$   
 $2 \times \sqrt{2} = \sqrt{4} \times 2 = 2\sqrt{2}$